|  |
| --- |
| WYŻSZA SZKOŁA MENEDŻERSKA  INSTYTUT NAUK O ZARZĄDZANIU I JAKOŚCI  INFORMATYKA |
| Algorytmy i złożoność |

**Praca zaliczeniowa**

**Sortowanie – zadanie 1**

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Skład zespołu/Student  Tomasz Jan Oksiędzki | **Prowadzący zajęcia:**  Marcin Paprzycki | | **Semestr**  **III** |
| **Grupa**  **49DR – A1** | | **Studia**  **Niestacjonarne** |
| Data wykonania  **2020-12-20** | | Data oddania:  2020-12-20 | |

Spis treści

[Wprowadzenie 3](#_Toc59891517)

[Przeprowadzenie eksperymentu I 3](#_Toc59891518)

[Założenia 3](#_Toc59891519)

[Eksperyment - opis 3](#_Toc59891520)

[Środowisko 3](#_Toc59891521)

[Opis algorytmów sortowania 4](#_Toc59891522)

[Generowanie danych losowych 6](#_Toc59891523)

[Wyznaczenie punktów pomiarowych 6](#_Toc59891524)

[Procedura eksperymentu 6](#_Toc59891525)

[Wyniki z eksperymentu 7](#_Toc59891526)

[Wyniki finalne i wnioski 13](#_Toc59891527)

[Załączniki 15](#_Toc59891528)

[Pełne wyniki eksperymentu I 15](#_Toc59891529)

[Kod programu 20](#_Toc59891530)

# Wprowadzenie

Przedmiotem tego opracowania jest analiza trzech rodzajów sortowanie i ich zachowania w zależności od zbioru danych wejściowych. Sortowanie, które będzie przedmiotem analizy jest bardzo kosztowną (jeżeli chodzi o złożoność algorytmiczną ale również i czasowo) operacją dość powszechnie wykorzystywaną w praktyce w różnych przedmiotach i zagadnieniach informatycznych. Ze względu na powyższy aspekt bardzo istotne jest dobranie efektywnej metody sortowania do danych tak, aby ograniczyć niepotrzebne zużycie zasobów.

Szczegółowym celem opracowania będzie sprawdzenia jak efektywnie sortowane są zbiory liczb losowych, posortowanych rosnąco oraz malejąco z zastosowaniem trzech algorytmów wyszukiwania: Selection sort, Insertion sort oraz Merge sort (w raporcie działanie opisywane jest jako eksperyment I). Dodatkowym aspektem jest sprawdzenie efektywności metod Insertion sort and Merge sort na posortowanym zbiorze poszerzonym o obserwacje losowe (w raporcie opisany jako eksperyment II).

Po zapoznaniu się z podstawowym opisem każdego z trzech algorytmów sortowania można oczekiwać, iż w eksperymencie I najbardziej efektywną metodą będzie w generalnie metoda merge sort. Aczkolwiek jak to się będzie przestawiało w zależności od danych wejściowych i długości analizowanych danych zostanie przedstawione w dalszej części raportu, zaś w eksperymencie II, można oczekiwać, iż wystarczy wydłużenie posortowanego wektora o niewielką część losowych liczb, co będzie skutkowało znacznym wydłużeniem czasu Insertion sort.

# Przeprowadzenie eksperymentu I

## Założenia

Do przeprowadzenia eksperymentu przyjęto następujące założenia:

* Zbiór danych składa się z losowo wygenerowanych nieposortowanych liczb zmiennoprzecinkowych z przedziału 0-1.
* Algorytmy sortujące mają za zadanie dokonać sortowania rosnąco zbioru wejściowego.
* Porównane zostaną trzy algorytmy sortowania:
  + Selection Sort
  + Insertion Sort
  + Merge Sort.
* Porównanie nastąpi na pięciu punktach pomiarowych wyznaczonych na podstawie analizy możliwej liczebności zbiorów wejściowych zapewniającej czasową mierzalność sortowania.
* Dla każdego z punktów pomiarowych zostanie przeprowadzonych 5 eksperymentów.

## Eksperyment - opis

### Środowisko

|  |  |
| --- | --- |
| Element środowiska | Parametry |
| Procesor | Inter® Core™ i7-7600 CPU @ 2.80 GHz 2.90 GHZ |
| RAM | 8 GB |
| System | Windows 10 Enterprise version 1809 |
| Dysk | SSD Samsung PM961 256 GB M.2 2280 PCI-E x4 Gen3 NVMe (MZVLW256HEHP-00000) |
| Język programowania | Python 3.8.2 32-bit |
| IDE | Microsoft Visual Studio Community 2019 Version 16.8.2 |

Tabela 1: Specyfikacja środowiska, na którym przeprowadzano eksperyment[[1]](#footnote-1)

### Opis algorytmów sortowania

Na potrzeby eksperymentu wykorzystano trzy metody Selection Sort, Insertion Sort oraz Merge Sort, które zostaną przedstawione w bardziej szczegółowy sposób w dalszej części opracowania:

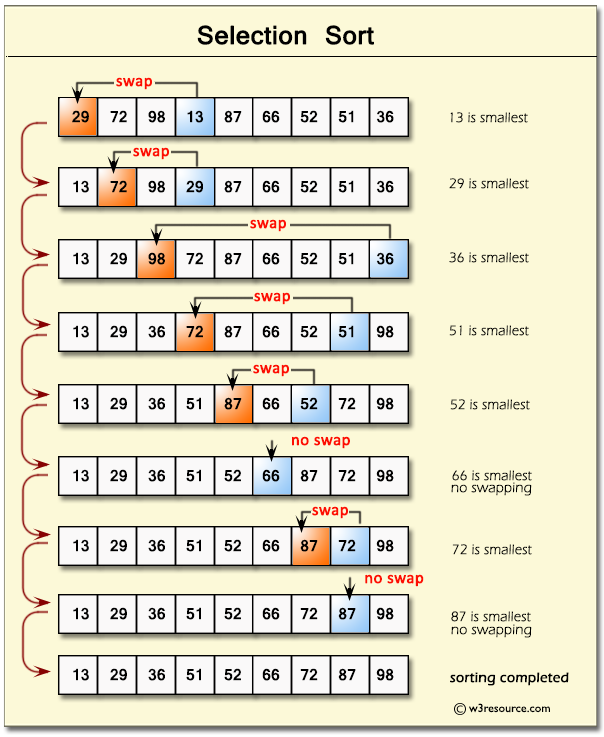
#### Selection sort

Selection sort[[2]](#footnote-2) w tłumaczeniu określane jest poprzez sortowanie przez wybór. Jest to jedna z prostszych metod sortowania, która cechuje się złożonością , gdzie określa liczbę elementów zbioru. Metoda sortowania przez wybieranie polega na wyszukaniu w zbiorze elementu, który powinien co do kolejności znajdować się na żądanej pozycji i zamienienie go z tym elementem, który obecnie ją zajmuje. Taką operację wykonuje się do momentu aż pozostały zbiór ma jeden element.

Przedstawiając tą metodę bardziej algorytmicznie:

1. Wyszukaj minimalną wartość zbioru spośród elementów od bieżącego do końca zbioru
2. Zamień wartość minimalną wyznaczoną w punkcie 1 z bieżącym elementem.

Metodę sortowania Selection Sort dla przejrzystości przedstawiamy graficznie:



Rysunek 1: Przykład sortowania z wykorzystaniem metody Selection sort[[3]](#footnote-3)

#### Insertion sort

Insertion sort[[4]](#footnote-4) w tłumaczeniu na język polski to metoda sortowania przez wstawianie. Jej nazwa odnosi się do sposobu układania kart podczas partii gry – tzn. układanie każdej karty w odpowiednie miejsce względem „wartości”. Sortowanie przez wstawianie cechuje się złożonością , gdzie określa liczbę elementów zbioru, czyli analogiczną do Selection sort. Insertion sort jest efektywny na małych zbiorach danych, zaś wraz ze wzrostem liczebności zbioru jego efektywność maleje. Warto zauważyć, iż jest to bardzo efektywna metoda w przypadku wykorzystania na zbiorze już posortowanym, gdyż wtedy wymagane jest tylko operacji porównania.

Przedstawiając tą metodę bardziej algorytmicznie:

1. Dzielimy zbiór na część posortowaną (na początku jest to pierwszy element zbioru) i nieposortowaną.
2. W każdym kolejnym kroku bierzemy pierwszy element z części nieposortowanej i wstawiamy we właściwe miejsce w części posortowanej (poprzez porównanie z ostatnim i poprzednimi elementami posortowanej części zbioru).

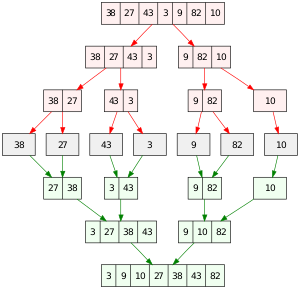
Metodę można również dla uproszczenia przedstawić graficznie:



Rysunek 2: Przykład sortowania z wykorzystaniem metody Insertion sort[[5]](#footnote-5).

#### Merge sort

Merge sort można przetłumaczyć, jako metodę sortowania przez złączanie, jest to w efektywniejszy algorytm sortowania od powyższych cechujący się złożonością czasową . Algorytm ten jest rekurencyjną metodą typu dziel i zwyciężaj, którego ideą jest podzielenie zbioru na mniejsze zbiory aż do uzyskania jednoelementowych zbiorów i następnie łączenie ich w posortowane liczniejsze zbiory.



Rysunek 3: Przykład sortowania z wykorzystaniem metody Merge sort[[6]](#footnote-6).

### Generowanie danych losowych

Jako dane do przeprowadzenia eksperymentu wykorzystano polecenie języka Python random.random(), które generuje liczby losowe z przedziału (0, 1) w formacie float.

### Wyznaczenie punktów pomiarowych

Celem eksperymentu jest przeprowadzenie doświadczenia na określonych puntach pomiarowych i odpowiednich zbiorach. Do wyznaczenia pięciu punktów pomiarowych wyznaczono eksperymentalnie długości wektorów, dla których każda z trzech metod wyszukiwania trwa minimum jedną sekundę i około 5 minut dla każdego z trzech rodzajów danych wejściowych. Jak przedstawiają się wyniki eksperymentalnego wyznaczenia liczebności wektorów przedstawia poniższa tabela:

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Rodzaj danych wejściowych | Metoda sortowania | Długość wektora, żeby sortowanie trwało ok 1 sekundy | Długość wektora, żeby sortowanie trwało ok 5 minut |
| Wektor danych losowych | Selection Sort | 1 500 elementów | 25 000 elementów |
| Insertion Sort | 1 600 elementów | 26 00 elementów |
| Merge Sort | 24 000 elementów | 4 500 000 elementów |
| Wektor danych posortowanych rosnąco | Selection Sort | 1 700 elementów | 26 000 elementów |
| Insertion Sort | 500 000 elementów | -[[7]](#footnote-7) |
| Merge Sort | 24 000 elementów | 4 700 000 elementów |
| Wektor danych posortowanych malejąco | Selection Sort | 1 600 elementów | 23 000 elementów |
| Insertion Sort | 1 300 elementów | 20 000 elementów |
| Merge Sort | 24 000 elementów | 4 700 000 elementów |

Tabela 2: Wyniki pomiarów długości wektorów wejściowych w zależności od metody sortowania[[8]](#footnote-8)

Biorąc pod uwagę powyższe wyniki czasowe sortowania wektorów, przyjęto do dalszego eksperymentu pięciu punktów pomiarowych, które zostały wyznaczone na wektorze o długości 30000 elementów, dzięki czemu będzie możliwe przeprowadzenie obserwacji na zauważalnie mierzalnych danych. W ten sposób wyznaczono przedziały przedstawione w poniższej tabeli:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Numer przedziału | Pierwszy element | Ostatni element |
| 1 | 0 | 6 000 |
| 2 | 6 001 | 12 000 |
| 3 | 12 001 | 18 000 |
| 4 | 18 001 | 24 000 |
| 5 | 24 001 | 30 000 |

Tabela 3: Punkty pomiarowe i ich przedziały[[9]](#footnote-9)

### Procedura eksperymentu

Eksperyment polega na wykonaniu pięciokrotnego sortowania każdego z pięciu powyżej określonych odcinków każdym z trzech opisanych algorytmów. Powyższa procedura zostanie uruchomiona na 3 rodzajach danych wejściowych – wektor liczb losowych, wektor liczb posortowanych rosnąco oraz wektor liczb posortowanych malejąco. Procedura została uruchomiona poprzez Microsoft Visual Studio Community 2019. Następnie na podstawie otrzymanych wyników policzono średni czas algorytmu  oraz odchylenie standardowe wykorzystując poniższe wzory[[10]](#footnote-10):

### Wyniki z eksperymentu

Pełne wyniki eksperymentu zostały dołączone do pracy pod postacią jednego z załączników. Wyniki czasowe konkretnych metod na poszególnych odcinach pomiarowych zostały przedstawione poniżej w formie graficznej:

Rysunek 1: Wyniki Selection sort na danych losowych dla każdej z prób na odcinkach pomiarowych[[11]](#footnote-11)

Rysunek 2: Wyniki Selection sort na danych posortowanych rosnąco dla każdej z prób na odcinkach pomiarowych [[12]](#footnote-12)

Rysunek 3: Wyniki Selection sort na danych posortowanych malejąco dla każdej z prób na odcinkach pomiarowych [[13]](#footnote-13)

Z powyższych wykresów można zauważyć, iż sortowanie za pomocą metody Selection sort na wszystkich wektorach i odcinkach trwa od ok 14 do 20 sekund (jest jedna obserwacja odstająca ok 23 sekundy, co jednakże może wskazywać na chwilowe obciążenie zasobów maszyny testowej) i zachowuje się w miarę stabilnie. Warte podkreślenia jest to, iż wyniki na wektorze posortowanym malejąco cechują się najwyższą wizualnie średnią, co jest zgodne z odczuciami, co do tej metody sortującej. Również widać, iż wyniki pomiarowe metody Selection sort na danych losowych cechują się największą zmiennością.

Poniżej alogiczne graficzne przedstawienie dla wyników metody Insertion sort (wartości osi pionowych pomiędzy wykresami nie są konsystentne):

Rysunek 4: Wyniki Insertion sort na danych losowych dla każdej z prób na odcinkach pomiarowych[[14]](#footnote-14)

Rysunek 5: Wyniki Insertion sort na danych posortowanych rosnąco dla każdej z prób na odcinkach pomiarowych[[15]](#footnote-15)

Rysunek 6: Wyniki Insertion sort na danych posortowanych malejąco dla każdej z prób na odcinkach pomiarowych[[16]](#footnote-16)

Na podstawie graficznych wyników sortowania metodą Insertion sort można zauważyć następującą prawidłowość, najszybsze rezultaty uzyskano na danych posortowanych rosnąco, więc empiria potwierdza opis metody. Najwolniej zaś przebiegało sortowanie zbioru posortowanego malejąco, zaś pomiędzy mini był zbiór losowy, który poniekąd może być wewnątrz losowy, ale częściowo posortowany. Warto zauważyć, iż pomiędzy zbiorem posortowanym rosnąco i malejąco jest różnica skali tzn. osiągane wyniki to rzędu 0,015 sekundy vs. 25 sekund. Uzyskane wyniki generalnie są stabilne wobec średniej, aczkolwiek przy zastosowaniu metody Insertion sort na danych posortowanych rosnąco na pierwszym odcinku zanotowano trochę odstające wyniki, co może skazywać na pobocznie uruchomiony jakiś dodatkowy proces na komputerze testowym.

Rysunek 7: Wyniki Merge sort na danych losowych dla każdej z prób na odcinkach pomiarowych[[17]](#footnote-17)

Rysunek 8: Wyniki Merge sort na danych posortowanych rosnąco dla każdej z prób na odcinkach pomiarowych[[18]](#footnote-18)

Rysunek 9: Wyniki Merge sort na danych posortowanych malejąco dla każdej z prób na odcinkach pomiarowych[[19]](#footnote-19)

Uogólniając uzyskane wyniki sortowania metodą Merge sort oraz poprzednimi metodami można zaobserwować, iż jest to ogólnie najszybsza metoda, która w osiąga najbardziej spójne wyniki sortowania zbiorów wejściowych. Wyniki wyszły spójne wokół jednej średniej z drobnymi odchyleniami. Bez znajomości charakterystyki zbioru wejściowego, wydaje się, iż jest to najlepsza metoda do zastosowania.

### Wyniki finalne i wnioski

Na podstawie pełnych wyników wyznaczono wartości średnie oraz odchylenia standardowe dla każdego z zastosowanych algorytmów. Wyniki przedstawiają się następująco:

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Algorytm | Średnia [s] | Odchylenie standardowe [s] | Odchylenie standardowe [%] |
| Selection sort | 15.74354448 | 1.940514987 | 12 |
| Insertion sort | 13.62843124 | 0.926541617 | 7 |
| Merge sort | 0.26491364 | 0.032313896 | 12 |

Tabela 4: Średnia oraz odchylenie standardowe w zależności od zastosowanej metody sortowania na wektorze liczb losowych[[20]](#footnote-20)

Na podstawie powyższych wyników otrzymanych na wejściowym wektorze danych losowych można stwierdzić, iż najszybszą metodą z trzech analizowanych jest metoda sortowania Merge sort, która średnio trwa ok 0,26 sekundy, podczas gdy pozostałe dwie metody na tych samych danych trwają porównywalnie co do skali – Insertion sort 13,6 sekundy zaś Selection sort (najwolniejsza) 15,7 sekundy. Te wyniki potwierdzają opis teoretyczny z poprzednich części raportu, co do złożoności czasowej każdej z metod. Kierując się wartością bezwzględną odchylenia standardowego najbardziej dokładna wydaje się metoda Merge sort, jednakże procentowo zróżnicowanie jest najmniejsze dla wyników uzyskanych metodą Insertion sort. Zatem jeżeli badacza interesuje przeciętny czas sortowania – sugerowane jest wykorzystanie metody Merge sort, podczas gdy, jeżeli dla badacza największa wartość dodana jest w zmniejszeniu zróżnicowania wyników, wtedy sugerowane jest wykorzystanie metody Insertion sort.

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Algorytm | Średnia [s] | Odchylenie standardowe [s] | Odchylenie standardowe [%] |
| Selection sort | 18.59006496 | 0.642819794 | 3 |
| Insertion sort | 27.5911706 | 2.659546209 | 10 |
| Merge sort | 0.24988836 | 0.023427071 | 9 |

Tabela 5: Średnia oraz odchylenie standardowe w zależności od zastosowanej metody sortowania na wektorze liczb posortowanych malejąco[[21]](#footnote-21)

Na podstawie powyższych wyników widać, iż generalnie uzyskane wyniki są inne niż dla wektorów losowych. Dla wektorów posortowanych malejąco tak jak poprzednio najszybszą metodą jest metoda Merge sort, zaś najwolniejszą Insertion sort, te wyniki ponownie potwierdzają opis teoretyczny. Co do wartości bezwzględnych najmniejszym odchyleniem standardowym charakteryzuje się metoda Merge sort, zaś dla metody Selection sort odchylenie standardowe jest ok 30 razy większe, zaś dla Insertion sort ponad 100 krotnie więcej. W wartościach procentowych widać, iż najmniej zmienne wyniki uzyskano dla metody Selection sort, przy czym zarówno Insertion sort jak i Merge sort mają procentowe odchylenie ok 3 krotnie większe. Zatem na podstawie uzyskanej empirii dla badaczy, którym zależy na najkrótszym czasie sugerowane jest wykorzystanie metody Merge sort do sortowania wektora zawierającego dane posortowane malejąco, podczas gdy zależy na najmniejsze zmienności sugerowane jest wykorzystanie metody Selection sort.

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Algorytm | Średnia [s] | Odchylenie standardowe [s] | Odchylenie standardowe [%] |
| Selection sort | 14.96271984 | 0.654321561 | 4 |
| Insertion sort | 0.01486616 | 0.004163255 | 28 |
| Merge sort | 0.29009176 | 0.055212091 | 19 |

Tabela 6: Średnia oraz odchylenie standardowe w zależności od zastosowanej metody sortowania na wektorze liczb posortowanych rosnąco[[22]](#footnote-22)

Powyższe wyniki prezentują średni czas oraz odchylenie standardowe dla każdej z trzech metod sortowania na wektorze zawierającym dane posortowane rosnąco. Zgodnie z opisem teoretycznym powinno się oczekiwać, iż najszybszą metodą będzie Insertion sort, co też znalazło potwierdzenie w wynikach empirycznych. Drugą co do średniego czasu przetwarzania jest metoda Merge sort, zaś trzecią (najwolniejszą) Selection sort. Jeżeli chodzi o zmienność, co do wartości – hierarchia odchyleń standardowych jest analogiczna jak średniego czasu sortowania, natomiast relatywnie najmniejsza zmienność jest dla metody najwolniejszej Selection sort, następnie Merge sort i Insertion sort.

Celem porównania efektywności każdej z trzech metod policzono również wyniki zagregowane, które są przedstawione w poniższej tabeli:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Algorytm | Średnia [s] | Odchylenie standardowe [s] |
| Selection sort | 16.43210976 | 1.991394146 |
| Insertion sort | 13.74482267 | 11.37509394 |
| Merge sort | 0.26829792 | 0.042687731 |

Tabela 7: Średnia oraz odchylenie standardowe w zależności na podstawie wszystkich pomiarów[[23]](#footnote-23)

Powyższe wyniki uśrednione na trzech rodzajach danych wejściowych (wektor losowy, wektor danych posortowanych rosnąco oraz wektor danych posortowanych malejąco) pokazuje, iż na testowanych danych najszybszą metodą oraz zarówno cechującą się najmniejszą zmiennością (wartość odchylenia standardowego) jest Merge sort, następnie drugą, co do szybkości jest metoda Insertion sort (około 50 razy dłużej), jednakże owa metoda cechuje się dość dużą zmiennością, co dobrze pokazano na wcześniejszych wynikach, gdzie Insertion sort jest bardzo szybką metodą na danych posortowanych losowo. Natomiast trzecią, co do przeciętnego czasu sortowania jest metoda Selection sort, jest ona trochę bardziej czasochłonna niż Insertion sort, jednakże cechuje się mniejszą zmiennością.

Na podstawie powyższych danych, widać, iż w kontekście niepewności lub niewiedzy odnośnie charakterystyki danych wejściowych najszybszą metodą sortowania okazała się metoda Merge sort, jednakże w przypadku, gdy dane wejściowe są posortowanie rosnąco, na podstawie badania sugerowane jest zastosować metodę Insertion sort, która empirycznie potwierdziła teorię, iż jest to bardzo szybka metoda na takich danych. Na podstawie eksperymentu, sugeruje się wpierw analizę danych zaś następnie dobranie odpowiednią metodę.

# Przeprowadzenie eksperymentu II

## Założenia

Do przeprowadzenia eksperymentu przyjęto następujące założenia:

* Zbiór danych początkowy składa się z losowo wygenerowanych liczb zmiennoprzecinkowych z przedziału 0-1, które zostały posortowane.
* Do powyższego zbioru będą dodawane dane losowe nieposortowane (liczby zmiennoprzecinkowe z przedziału 0-1).
* Porównane zostaną dwa algorytmy sortowania:
  + Insertion sort
  + Merge sort

## Eksperyment – opis

### Środowisko

|  |  |
| --- | --- |
| Element środowiska | Parametry |
| Procesor | Inter® Core™ i7-7600 CPU @ 2.80 GHz 2.90 GHZ |
| RAM | 8 GB |
| System | Windows 10 Enterprise version 1809 |
| Dysk | SSD Samsung PM961 256 GB M.2 2280 PCI-E x4 Gen3 NVMe (MZVLW256HEHP-00000) |
| Język programowania | Python 3.8.2 32-bit |
| IDE | Microsoft Visual Studio Community 2019 Version 16.8.2 |

Tabela 8: Specyfikacja środowiska, na którym przeprowadzano eksperyment[[24]](#footnote-24)

### Przebieg eksperymentu

Celem realizacji eksperymentu jest sprawdzenie jak o ile obserwacji (losowych) należy rozszerzyć wektor danych posortowanych rosnąco tak, aby metoda Merge sort była metodą efektywniejszą niż metoda Insertion sort. Na podstawie pomiarów czasowych uzyskanych w toku prac nad eksperymentem I przyjęto, iż jako wektor bazowy wykorzysta się wektor o długości 100 000 liczb uprzednio posortowanych.

Eksperyment będzie odbywał się iteracyjnie poprzez dodanie na końcu wektora wielokrotności 10 liczb nieposortowanych oraz pomiaru czasów sortowania takiego wektora. W ten sposób przeprowadzono 11 iteracji jak poniżej:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Numer iteracji | Liczba danych losowych na końcu wektora | Łączna długość wektora |
| 1 | 0 | 100000 |
| 2 | 10 | 100010 |
| 3 | 20 | 100020 |
| 4 | 30 | 100030 |
| 5 | 40 | 100040 |
| 6 | 50 | 100050 |
| 7 | 60 | 100060 |
| 8 | 70 | 100070 |
| 9 | 80 | 100080 |
| 10 | 90 | 100090 |
| 11 | 100 | 100100 |

Tabela 9: Specyfika iteracji[[25]](#footnote-25)

## Wyniki eksperymentu

Na podstawie przeprowadzonego eksperymentu okazało się, iż:

* Dodanie nawet niewielu danych losowych do wektora bazowego skutkowało znacznym wydłużeniem metody Insertion sort, tzn. dodając do wektora bazowego liczby losowe o długości równej 0,01%[[26]](#footnote-26) wektora wejściowego nastąpiło wydłużenie czasu przetwarzania 5,8 raza
* Po wydłużeni wektora bazowego o 0,08%[[27]](#footnote-27) pomiary wykazały, iż sortowanie metodą Merge sort odbywa się bardziej efektywnie niż metodą Insertion sort.

Graficzna prezentacja porównania obu metod przedstawia się następująco:

Rysunek 10: Porównanie czasu sortowania obu metod w zależności od liczby dodanych danych losowych do wektora bazowego posortowanego rosnąco[[28]](#footnote-28)

Na podstawie powyższych wyników wykazano, iż metoda Insertion sort jest bardzo wrażliwa w aspekcie czasu sortowania na postać wektora wejściowego, jeżeli jest on losowy w drobnym ułamku, taka sytuacja ma znaczący wpływ na efektywność metody Insertion sort i powoduje wydłużenie czasu sortowania. Dodatkowym wnioskiem wynikającym z eksperymentu, jest to, iż gdy dane są choć w drobnej części losowe (empirycznie 0,08%[[29]](#footnote-29) długości wektora posortowanego) wtedy też szybszą metodą sortowania okazuje się metoda Merge sort.

Zatem podstawowym wnioskiem z badania empirycznego jest, iż w przypadku braku pewności odnośnie postaci i charakterystyki wektora wejściowego ze względu na czas sortowania i efektywność sugerowane jest korzystanie z metody Merge sort.

# Załączniki

## Pełne wyniki eksperymentu I

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Metoda sortowania | Wektor wejściowy | Odcinek pomiarowy | Wynik [s] |
| Selection Sort | losowy | 1 | 14.123602 |
| Selection Sort | losowy | 1 | 15.587969 |
| Selection Sort | losowy | 1 | 17.307768 |
| Selection Sort | losowy | 1 | 16.243497 |
| Selection Sort | losowy | 1 | 15.710739 |
| Insertion Sort | losowy | 1 | 14.122369 |
| Insertion Sort | losowy | 1 | 13.466210 |
| Insertion Sort | losowy | 1 | 13.010858 |
| Insertion Sort | losowy | 1 | 14.918575 |
| Insertion Sort | losowy | 1 | 12.890246 |
| Merge Sort | losowy | 1 | 0.244002 |
| Merge Sort | losowy | 1 | 0.278005 |
| Merge Sort | losowy | 1 | 0.246597 |
| Merge Sort | losowy | 1 | 0.288558 |
| Merge Sort | losowy | 1 | 0.242509 |
| Selection Sort | posortowany rosnąco | 1 | 15.363341 |
| Selection Sort | posortowany rosnąco | 1 | 14.491281 |
| Selection Sort | posortowany rosnąco | 1 | 14.009255 |
| Selection Sort | posortowany rosnąco | 1 | 14.772845 |
| Selection Sort | posortowany rosnąco | 1 | 15.014056 |
| Insertion Sort | posortowany rosnąco | 1 | 0.013998 |
| Insertion Sort | posortowany rosnąco | 1 | 0.025419 |
| Insertion Sort | posortowany rosnąco | 1 | 0.020001 |
| Insertion Sort | posortowany rosnąco | 1 | 0.026999 |
| Insertion Sort | posortowany rosnąco | 1 | 0.020999 |
| Merge Sort | posortowany rosnąco | 1 | 0.267580 |
| Merge Sort | posortowany rosnąco | 1 | 0.382005 |
| Merge Sort | posortowany rosnąco | 1 | 0.375543 |
| Merge Sort | posortowany rosnąco | 1 | 0.272003 |
| Merge Sort | posortowany rosnąco | 1 | 0.251007 |
| Selection Sort | posortowany malejąco | 1 | 18.439076 |
| Selection Sort | posortowany malejąco | 1 | 18.139207 |
| Selection Sort | posortowany malejąco | 1 | 18.112045 |
| Selection Sort | posortowany malejąco | 1 | 18.206097 |
| Selection Sort | posortowany malejąco | 1 | 17.560518 |
| Insertion Sort | posortowany malejąco | 1 | 25.318010 |
| Insertion Sort | posortowany malejąco | 1 | 26.474244 |
| Insertion Sort | posortowany malejąco | 1 | 25.236140 |
| Insertion Sort | posortowany malejąco | 1 | 27.599443 |
| Insertion Sort | posortowany malejąco | 1 | 27.117572 |
| Merge Sort | posortowany malejąco | 1 | 0.232035 |
| Merge Sort | posortowany malejąco | 1 | 0.249005 |
| Merge Sort | posortowany malejąco | 1 | 0.266069 |
| Merge Sort | posortowany malejąco | 1 | 0.275002 |
| Merge Sort | posortowany malejąco | 1 | 0.238003 |
| Selection Sort | losowy | 2 | 16.065088 |
| Selection Sort | losowy | 2 | 14.744241 |
| Selection Sort | losowy | 2 | 15.477605 |
| Selection Sort | losowy | 2 | 14.825859 |
| Selection Sort | losowy | 2 | 14.237963 |
| Insertion Sort | losowy | 2 | 12.962677 |
| Insertion Sort | losowy | 2 | 12.435288 |
| Insertion Sort | losowy | 2 | 14.208402 |
| Insertion Sort | losowy | 2 | 15.578129 |
| Insertion Sort | losowy | 2 | 13.728486 |
| Merge Sort | losowy | 2 | 0.281567 |
| Merge Sort | losowy | 2 | 0.384004 |
| Merge Sort | losowy | 2 | 0.249571 |
| Merge Sort | losowy | 2 | 0.340001 |
| Merge Sort | losowy | 2 | 0.262007 |
| Selection Sort | posortowany rosnąco | 2 | 15.036231 |
| Selection Sort | posortowany rosnąco | 2 | 15.623363 |
| Selection Sort | posortowany rosnąco | 2 | 14.989795 |
| Selection Sort | posortowany rosnąco | 2 | 14.994445 |
| Selection Sort | posortowany rosnąco | 2 | 14.773172 |
| Insertion Sort | posortowany rosnąco | 2 | 0.012000 |
| Insertion Sort | posortowany rosnąco | 2 | 0.014000 |
| Insertion Sort | posortowany rosnąco | 2 | 0.013039 |
| Insertion Sort | posortowany rosnąco | 2 | 0.011967 |
| Insertion Sort | posortowany rosnąco | 2 | 0.015998 |
| Merge Sort | posortowany rosnąco | 2 | 0.230054 |
| Merge Sort | posortowany rosnąco | 2 | 0.227968 |
| Merge Sort | posortowany rosnąco | 2 | 0.224180 |
| Merge Sort | posortowany rosnąco | 2 | 0.221005 |
| Merge Sort | posortowany rosnąco | 2 | 0.285129 |
| Selection Sort | posortowany malejąco | 2 | 18.738145 |
| Selection Sort | posortowany malejąco | 2 | 18.998890 |
| Selection Sort | posortowany malejąco | 2 | 19.331222 |
| Selection Sort | posortowany malejąco | 2 | 19.503474 |
| Selection Sort | posortowany malejąco | 2 | 19.437879 |
| Insertion Sort | posortowany malejąco | 2 | 27.585631 |
| Insertion Sort | posortowany malejąco | 2 | 26.757496 |
| Insertion Sort | posortowany malejąco | 2 | 27.768525 |
| Insertion Sort | posortowany malejąco | 2 | 27.236309 |
| Insertion Sort | posortowany malejąco | 2 | 27.625418 |
| Merge Sort | posortowany malejąco | 2 | 0.241971 |
| Merge Sort | posortowany malejąco | 2 | 0.232034 |
| Merge Sort | posortowany malejąco | 2 | 0.255968 |
| Merge Sort | posortowany malejąco | 2 | 0.252030 |
| Merge Sort | posortowany malejąco | 2 | 0.243967 |
| Selection Sort | losowy | 3 | 15.255867 |
| Selection Sort | losowy | 3 | 16.369053 |
| Selection Sort | losowy | 3 | 23.594894 |
| Selection Sort | losowy | 3 | 16.540653 |
| Selection Sort | losowy | 3 | 19.031138 |
| Insertion Sort | losowy | 3 | 14.577385 |
| Insertion Sort | losowy | 3 | 15.783875 |
| Insertion Sort | losowy | 3 | 14.767660 |
| Insertion Sort | losowy | 3 | 12.541896 |
| Insertion Sort | losowy | 3 | 13.213298 |
| Merge Sort | losowy | 3 | 0.252000 |
| Merge Sort | losowy | 3 | 0.283000 |
| Merge Sort | losowy | 3 | 0.249550 |
| Merge Sort | losowy | 3 | 0.270003 |
| Merge Sort | losowy | 3 | 0.251008 |
| Selection Sort | posortowany rosnąco | 3 | 16.261928 |
| Selection Sort | posortowany rosnąco | 3 | 14.761496 |
| Selection Sort | posortowany rosnąco | 3 | 14.088903 |
| Selection Sort | posortowany rosnąco | 3 | 14.921989 |
| Selection Sort | posortowany rosnąco | 3 | 14.281313 |
| Insertion Sort | posortowany rosnąco | 3 | 0.011001 |
| Insertion Sort | posortowany rosnąco | 3 | 0.012000 |
| Insertion Sort | posortowany rosnąco | 3 | 0.012001 |
| Insertion Sort | posortowany rosnąco | 3 | 0.011965 |
| Insertion Sort | posortowany rosnąco | 3 | 0.012999 |
| Merge Sort | posortowany rosnąco | 3 | 00.292030 |
| Merge Sort | posortowany rosnąco | 3 | 00.261999 |
| Merge Sort | posortowany rosnąco | 3 | 00.236135 |
| Merge Sort | posortowany rosnąco | 3 | 00.279997 |
| Merge Sort | posortowany rosnąco | 3 | 00.295003 |
| Selection Sort | posortowany malejąco | 3 | 18.688270 |
| Selection Sort | posortowany malejąco | 3 | 18.819427 |
| Selection Sort | posortowany malejąco | 3 | 18.470397 |
| Selection Sort | posortowany malejąco | 3 | 18.269580 |
| Selection Sort | posortowany malejąco | 3 | 17.400322 |
| Insertion Sort | posortowany malejąco | 3 | 25.251942 |
| Insertion Sort | posortowany malejąco | 3 | 26.166021 |
| Insertion Sort | posortowany malejąco | 3 | 24.872305 |
| Insertion Sort | posortowany malejąco | 3 | 25.479310 |
| Insertion Sort | posortowany malejąco | 3 | 25.624953 |
| Merge Sort | posortowany malejąco | 3 | 0.242513 |
| Merge Sort | posortowany malejąco | 3 | 0.234002 |
| Merge Sort | posortowany malejąco | 3 | 0.230002 |
| Merge Sort | posortowany malejąco | 3 | 0.240000 |
| Merge Sort | posortowany malejąco | 3 | 0.226997 |
| Selection Sort | losowy | 4 | 14.210971 |
| Selection Sort | losowy | 4 | 14.652501 |
| Selection Sort | losowy | 4 | 14.098933 |
| Selection Sort | losowy | 4 | 14.951873 |
| Selection Sort | losowy | 4 | 15.771264 |
| Insertion Sort | losowy | 4 | 13.579989 |
| Insertion Sort | losowy | 4 | 13.169060 |
| Insertion Sort | losowy | 4 | 13.889991 |
| Insertion Sort | losowy | 4 | 12.823024 |
| Insertion Sort | losowy | 4 | 13.300231 |
| Merge Sort | losowy | 4 | 0.256032 |
| Merge Sort | losowy | 4 | 0.264969 |
| Merge Sort | losowy | 4 | 0.247967 |
| Merge Sort | losowy | 4 | 0.251008 |
| Merge Sort | losowy | 4 | 0.253964 |
| Selection Sort | posortowany rosnąco | 4 | 15.252064 |
| Selection Sort | posortowany rosnąco | 4 | 14.218985 |
| Selection Sort | posortowany rosnąco | 4 | 15.634654 |
| Selection Sort | posortowany rosnąco | 4 | 14.470994 |
| Selection Sort | posortowany rosnąco | 4 | 16.312050 |
| Insertion Sort | posortowany rosnąco | 4 | 0.013995 |
| Insertion Sort | posortowany rosnąco | 4 | 0.012031 |
| Insertion Sort | posortowany rosnąco | 4 | 0.011962 |
| Insertion Sort | posortowany rosnąco | 4 | 0.013003 |
| Insertion Sort | posortowany rosnąco | 4 | 0.014001 |
| Merge Sort | posortowany rosnąco | 4 | 0.306997 |
| Merge Sort | posortowany rosnąco | 4 | 0.281998 |
| Merge Sort | posortowany rosnąco | 4 | 0.247999 |
| Merge Sort | posortowany rosnąco | 4 | 0.255002 |
| Merge Sort | posortowany rosnąco | 4 | 0.260999 |
| Selection Sort | posortowany malejąco | 4 | 18.166628 |
| Selection Sort | posortowany malejąco | 4 | 18.797067 |
| Selection Sort | posortowany malejąco | 4 | 19.791148 |
| Selection Sort | posortowany malejąco | 4 | 19.244034 |
| Selection Sort | posortowany malejąco | 4 | 19.245033 |
| Insertion Sort | posortowany malejąco | 4 | 25.717183 |
| Insertion Sort | posortowany malejąco | 4 | 26.056865 |
| Insertion Sort | posortowany malejąco | 4 | 26.069569 |
| Insertion Sort | posortowany malejąco | 4 | 32.666281 |
| Insertion Sort | posortowany malejąco | 4 | 25.796408 |
| Merge Sort | posortowany malejąco | 4 | 0.236035 |
| Merge Sort | posortowany malejąco | 4 | 0.234964 |
| Merge Sort | posortowany malejąco | 4 | 0.271003 |
| Merge Sort | posortowany malejąco | 4 | 0.234995 |
| Merge Sort | posortowany malejąco | 4 | 0.244003 |
| Selection Sort | losowy | 5 | 14.829015 |
| Selection Sort | losowy | 5 | 15.468017 |
| Selection Sort | losowy | 5 | 14.347019 |
| Selection Sort | losowy | 5 | 15.353044 |
| Selection Sort | losowy | 5 | 14.790039 |
| Insertion Sort | losowy | 5 | 12.912029 |
| Insertion Sort | losowy | 5 | 13.391788 |
| Insertion Sort | losowy | 5 | 12.543915 |
| Insertion Sort | losowy | 5 | 14.325279 |
| Insertion Sort | losowy | 5 | 12.570121 |
| Merge Sort | losowy | 5 | 0.239999 |
| Merge Sort | losowy | 5 | 0.256966 |
| Merge Sort | losowy | 5 | 0.244038 |
| Merge Sort | losowy | 5 | 0.246481 |
| Merge Sort | losowy | 5 | 0.239035 |
| Selection Sort | posortowany rosnąco | 5 | 14.440980 |
| Selection Sort | posortowany rosnąco | 5 | 15.627907 |
| Selection Sort | posortowany rosnąco | 5 | 16.081218 |
| Selection Sort | posortowany rosnąco | 5 | 14.321544 |
| Selection Sort | posortowany rosnąco | 5 | 14.324187 |
| Insertion Sort | posortowany rosnąco | 5 | 0.017001 |
| Insertion Sort | posortowany rosnąco | 5 | 0.013278 |
| Insertion Sort | posortowany rosnąco | 5 | 0.012000 |
| Insertion Sort | posortowany rosnąco | 5 | 0.016996 |
| Insertion Sort | posortowany rosnąco | 5 | 0.013001 |
| Merge Sort | posortowany rosnąco | 5 | 0.425995 |
| Merge Sort | posortowany rosnąco | 5 | 0.332518 |
| Merge Sort | posortowany rosnąco | 5 | 0.309568 |
| Merge Sort | posortowany rosnąco | 5 | 0.336048 |
| Merge Sort | posortowany rosnąco | 5 | 0.393532 |
| Selection Sort | posortowany malejąco | 5 | 18.925271 |
| Selection Sort | posortowany malejąco | 5 | 19.004820 |
| Selection Sort | posortowany malejąco | 5 | 17.507545 |
| Selection Sort | posortowany malejąco | 5 | 18.143203 |
| Selection Sort | posortowany malejąco | 5 | 17.812326 |
| Insertion Sort | posortowany malejąco | 5 | 34.862508 |
| Insertion Sort | posortowany malejąco | 5 | 28.343228 |
| Insertion Sort | posortowany malejąco | 5 | 30.137019 |
| Insertion Sort | posortowany malejąco | 5 | 33.502852 |
| Insertion Sort | posortowany malejąco | 5 | 30.514033 |
| Merge Sort | posortowany malejąco | 5 | 0.266965 |
| Merge Sort | posortowany malejąco | 5 | 0.243002 |
| Merge Sort | posortowany malejąco | 5 | 0.316044 |
| Merge Sort | posortowany malejąco | 5 | 0.314569 |
| Merge Sort | posortowany malejąco | 5 | 0.226031 |

## Pełne wyniki eksperymentu II

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| Iteracja | Długość wektora | Ilość liczb losowych | Insertion sort [s] | Merge sort [s] |
| 1 | 100000 | 0 | 0.211999 | 6.705953 |
| 2 | 100010 | 10 | 1.452524 | 7.154041 |
| 3 | 100020 | 20 | 2.53015 | 5.983948 |
| 4 | 100030 | 30 | 2.55055 | 5.649789 |
| 5 | 100040 | 40 | 3.348721 | 4.937344 |
| 6 | 100050 | 50 | 3.874134 | 4.709515 |
| 7 | 100060 | 60 | 4.634713 | 5.36809 |
| 8 | 100070 | 70 | 5.205103 | 5.059897 |
| 9 | 100080 | 80 | 5.910178 | 4.811486 |
| 10 | 100090 | 90 | 6.241485 | 4.92967 |
| 11 | 100100 | 100 | 8.028307 | 4.844697 |

## Kod programu

Poniżej załączono kod programu, którego rozwój jest widoczny poprzez platformę github.com: https://github.com/oksiedz/Python/tree/master/Projects/Project2.

|  |
| --- |
| import random  import datetime  #Arrays to be used - randomArray - array with random numbers, sortedArrayAsc - array with sorted ascending numbers, sortedArrayDesc - array with sorted ascending numbers  randomArray = []  sortedArrayAsc = []  sortedArrayDesc = []  #variables explanation:  #inputArray - parameter for input array to be sorted  #ifSave = parameter set 1 if as an output there should be saved the sorted array  #inputType = parameter defining type of input array - if it's random (R), sorted ASC (A) or sorted DESC (D)  resultsList = []  #noOfGeneratedNumber - how many items contain array of random numbers  noOfGeneratedNumber = 30000  print("Start of random array generation")  for i in range(0, noOfGeneratedNumber):  randomArray.append(float(random.random()))  print("End of random array generation")  #print("random array:")  #for i in range(len(randomArray)):  # print(randomArray[i])  #Selection sort  def selectionSort(inputArray, inputType = "Z",measurePoint = 0):  #Array to be sorted  A = []  for i in range(0, len(inputArray)):  A.append(inputArray[i])  #print("Start - Selection sort")  startTime = datetime.datetime.now()  for i in range(len(A)):  #Find the min value in the remaining not sorted part of array  min\_idx = i  for j in range(i+1, len(A)):  if A[min\_idx] > A[j]:  min\_idx = j  #Swap the minimum with the first array element  A[i], A[min\_idx] = A[min\_idx], A[i]  endTime = datetime.datetime.now()  # print("End - Selection sort")  resultsList.append("S;"+str(inputType)+";"+str(measurePoint)+";"+str(endTime-startTime))  #Insertion sort  def insertionSort(inputArray, inputType = "Z", measurePoint = 0):  # print("Start - Insertion sort")  A = []  for i in range(0, len(inputArray)):  A.append(inputArray[i])  startTime = datetime.datetime.now()  for i in range(1, len(A)):  key = A[i]  #Moving elements of A[0..i-1], which are greater that key, to one position ahead of their current position  j = i-1  while j >=0 and key < A[j] :  A[j+1] = A[j]  j -= 1  A[j+1] = key  endTime = datetime.datetime.now()  # print("End - Insertion sort")  resultsList.append("I;"+str(inputType)+";"+str(measurePoint)+";"+str(endTime-startTime))  def mergeSortEngine(alist):  if len(alist)>1:  mid = len(alist)//2  lefthalf = alist[:mid]  righthalf = alist[mid:]  mergeSortEngine(lefthalf)  mergeSortEngine(righthalf)  i=0  j=0  k=0  while i < len(lefthalf) and j < len(righthalf):  if lefthalf[i] <= righthalf[j]:  alist[k]=lefthalf[i]  i=i+1  else:  alist[k]=righthalf[j]  j=j+1  k=k+1  while i < len(lefthalf):  alist[k]=lefthalf[i]  i=i+1  k=k+1  while j < len(righthalf):  alist[k]=righthalf[j]  j=j+1  k=k+1  def mergeSort(inputArray, inputType = "Z", ifSave = 0, saveResults = 0, measurePoint = 0):  A = []  for i in range(0, len(inputArray)):  A.append(inputArray[i])  #print("Start - Merge sort")  startTime = datetime.datetime.now()  mergeSortEngine(A)  endTime = datetime.datetime.now()  #print("End - Merge sort")  if (ifSave == 1):  for i in range(len(A)):  sortedArrayAsc.append(A[i])  if (saveResults == 1):  resultsList.append("M;"+str(inputType)+";"+str(measurePoint)+";"+str(endTime-startTime))  ##Section used to determine times and produce sorted array ASC and DESC  #print("Start - random sorting")  #selectionSort(randomArray, "R")  #insertionSort(randomArray, "R")  print("Start - generation of sorted array ASC")  mergeSort(randomArray, "R", 1, 0, 0)  #print("End - random sorting")  print("End - generation of sorted array ASC")  ###Section reversing sorted array  print("Start - Sorting Desc")  reverseStart = datetime.datetime.now()  #for i in range(0, len(sortedArrayAsc)):  # sortedArrayDesc.append(list(reversed(sortedArrayAsc))[i])  sortedArrayDesc = list(reversed(sortedArrayAsc))  reverseEnd = datetime.datetime.now()  print("End - Sorting Desc, lasted: "+str(reverseEnd - reverseStart))  #print("sortowany DESC")  #print(sortedArrayDesc)  #sortedArrayDesc = list(reversed(sortedArrayAsc))  #print("Start - sortedASC sorting")  #selectionSort(sortedArrayAsc, "A")  #insertionSort(sortedArrayAsc, "A")  #mergeSort(sortedArrayAsc, "A", 0)  #print("End - sortedASC sorting")  #print("Start - sortedDESC sorting")  #selectionSort(sortedArrayDesc, "D")  #insertionSort(sortedArrayDesc, "D")  #mergeSort(sortedArrayDesc, "D", 0)  #print("End - sortedDESC sorting")  #print("random array:")  #for i in range(0, len(randomArray)):  # print(randomArray[i])  #print("sorted ASC array:")  #for i in range(0, len(sortedArrayAsc)):  # print(sortedArrayAsc[i])  #print("sorted DESC array:")  #for i in range(0, len(sortedArrayDesc)):  # print(sortedArrayDesc[i])  ##Section of calculations of times:  loopStart = 0  loopEnd = 5  startNumber = 0  endNumber = 6000  print("Start: First loop")  print("Start - random array")  for i in range(loopStart,loopEnd):  selectionSort(randomArray[startNumber:endNumber], "R", 1)  for i in range(loopStart,loopEnd):  insertionSort(randomArray[startNumber:endNumber], "R", 1)  for i in range(loopStart,loopEnd):  mergeSort(randomArray[startNumber:endNumber], "R", 0, 1, 1)  print("End - random array")  print("Start - ASC array")  for i in range(loopStart,loopEnd):  selectionSort(sortedArrayAsc[startNumber:endNumber], "A", 1)  for i in range(loopStart,loopEnd):  insertionSort(sortedArrayAsc[startNumber:endNumber], "A", 1)  for i in range(loopStart,loopEnd):  mergeSort(sortedArrayAsc[startNumber:endNumber], "A", 0, 1, 1)  print("End - ASC array")  print("Start - DESC array")  for i in range(loopStart,loopEnd):  selectionSort(sortedArrayDesc[startNumber:endNumber], "D", 1)  for i in range(loopStart,loopEnd):  insertionSort(sortedArrayDesc[startNumber:endNumber], "D", 1)  for i in range(loopStart,loopEnd):  mergeSort(sortedArrayDesc[startNumber:endNumber], "D", 0, 1, 1)  print("End - DESC array")  print("End: First loop")  startNumber = 6001  endNumber = 12000  print("Start: Second loop")  for i in range(loopStart,loopEnd):  selectionSort(randomArray[startNumber:endNumber], "R", 2)  for i in range(loopStart,loopEnd):  insertionSort(randomArray[startNumber:endNumber], "R", 2)  for i in range(loopStart,loopEnd):  mergeSort(randomArray[startNumber:endNumber], "R", 0, 1, 2)  print("End - random array")  print("Start - ASC array")  for i in range(loopStart,loopEnd):  selectionSort(sortedArrayAsc[startNumber:endNumber], "A", 2)  for i in range(loopStart,loopEnd):  insertionSort(sortedArrayAsc[startNumber:endNumber], "A", 2)  for i in range(loopStart,loopEnd):  mergeSort(sortedArrayAsc[startNumber:endNumber], "A", 0, 1, 2)  print("End - ASC array")  print("Start - DESC array")  for i in range(loopStart,loopEnd):  selectionSort(sortedArrayDesc[startNumber:endNumber], "D", 2)  for i in range(loopStart,loopEnd):  insertionSort(sortedArrayDesc[startNumber:endNumber], "D", 2)  for i in range(loopStart,loopEnd):  mergeSort(sortedArrayDesc[startNumber:endNumber], "D", 0, 1, 2)  print("End - DESC array")  print("End: Second loop")  startNumber = 12001  endNumber = 18000  print("Start: Third loop")  print("Start - random array")  for i in range(loopStart,loopEnd):  selectionSort(randomArray[startNumber:endNumber], "R", 3)  for i in range(loopStart,loopEnd):  insertionSort(randomArray[startNumber:endNumber], "R", 3)  for i in range(loopStart,loopEnd):  mergeSort(randomArray[startNumber:endNumber], "R", 0, 1, 3)  print("End - random array")  print("Start - ASC array")  for i in range(loopStart,loopEnd):  selectionSort(sortedArrayAsc[startNumber:endNumber], "A", 3)  for i in range(loopStart,loopEnd):  insertionSort(sortedArrayAsc[startNumber:endNumber], "A", 3)  for i in range(loopStart,loopEnd):  mergeSort(sortedArrayAsc[startNumber:endNumber], "A", 0, 1, 3)  print("End - ASC array")  print("Start - DESC array")  for i in range(loopStart,loopEnd):  selectionSort(sortedArrayDesc[startNumber:endNumber], "D", 3)  for i in range(loopStart,loopEnd):  insertionSort(sortedArrayDesc[startNumber:endNumber], "D", 3)  for i in range(loopStart,loopEnd):  mergeSort(sortedArrayDesc[startNumber:endNumber], "D", 0, 1, 3)  print("End - DESC array")  print("End: Third loop")  startNumber = 18001  endNumber = 24000  print("Start: Fourth loop")  print("Start - random array")  for i in range(loopStart,loopEnd):  selectionSort(randomArray[startNumber:endNumber], "R", 4)  for i in range(loopStart,loopEnd):  insertionSort(randomArray[startNumber:endNumber], "R", 4)  for i in range(loopStart,loopEnd):  mergeSort(randomArray[startNumber:endNumber], "R", 0, 1, 4)  print("End - random array")  print("Start - ASC array")  for i in range(loopStart,loopEnd):  selectionSort(sortedArrayAsc[startNumber:endNumber], "A", 4)  for i in range(loopStart,loopEnd):  insertionSort(sortedArrayAsc[startNumber:endNumber], "A", 4)  for i in range(loopStart,loopEnd):  mergeSort(sortedArrayAsc[startNumber:endNumber], "A", 0, 1, 4)  print("End - ASC array")  print("Start - DESC array")  for i in range(loopStart,loopEnd):  selectionSort(sortedArrayDesc[startNumber:endNumber], "D", 4)  for i in range(loopStart,loopEnd):  insertionSort(sortedArrayDesc[startNumber:endNumber], "D", 4)  for i in range(loopStart,loopEnd):  mergeSort(sortedArrayDesc[startNumber:endNumber], "D", 0, 1, 4)  print("End - DESC array")  print("End: Fourth loop")  startNumber = 24001  endNumber = 30000  print("Start: Fifth loop")  print("Start - random array")  for i in range(loopStart,loopEnd):  selectionSort(randomArray[startNumber:endNumber], "R", 5)  for i in range(loopStart,loopEnd):  insertionSort(randomArray[startNumber:endNumber], "R", 5)  for i in range(loopStart,loopEnd):  mergeSort(randomArray[startNumber:endNumber], "R", 0, 1, 5)  print("End - random array")  print("Start - ASC array")  for i in range(loopStart,loopEnd):  selectionSort(sortedArrayAsc[startNumber:endNumber], "A", 5)  for i in range(loopStart,loopEnd):  insertionSort(sortedArrayAsc[startNumber:endNumber], "A", 5)  for i in range(loopStart,loopEnd):  mergeSort(sortedArrayAsc[startNumber:endNumber], "A", 0, 1, 5)  print("End - ASC array")  print("Start - DESC array")  for i in range(loopStart,loopEnd):  selectionSort(sortedArrayDesc[startNumber:endNumber], "D", 5)  for i in range(loopStart,loopEnd):  insertionSort(sortedArrayDesc[startNumber:endNumber], "D", 5)  for i in range(loopStart,loopEnd):  mergeSort(sortedArrayDesc[startNumber:endNumber], "D", 0, 1, 5)  print("End - DESC array")  print("End: Fifth loop")  print("time results")  for i in range(0, len(resultsList)):  print(resultsList[i])  ##to write down results of general tests  with open('testing results.txt', 'w') as f:  for item in resultsList:  f.write("%s\n" % item)  ##Section of comparison of performance between Insertion sort and merge sort on sorted array enriched with some random numbers  noOfGeneratedNumber = 100000  randomArray = []  sortedArrayAsc = []  print("Start of random array generation")  for i in range(0, noOfGeneratedNumber):  randomArray.append(float(random.random()))  print("End of random array generation")  print("Start - generation of sorted array ASC")  mergeSort(randomArray, "R", 1, 0, 0)  #print("End - random sorting")  print("End - generation of sorted array ASC")  resultsList = []  sortedArray1 = sortedArrayAsc[0:100000]  print("Start - append the first array")  for i in range(0, 10000):  sortedArray1.append(float(random.random()))  print("End - append the first array")  print("Time measures")  resultsList.append("Results of performance comparison")  sortedLength = noOfGeneratedNumber  step = 10  print("Start - first loops")  for i in (0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,10):  resultsList.append("array 10 000 with additional " + str(i)+" random numbers at the end of array")  print(sortedLength+i\*step);  insertionSort(sortedArray1[0:sortedLength+i\*step]);  mergeSort(sortedArray1[0:sortedLength+i\*step],saveResults = 1);  print("End - first loops")  ##results of simulations of performance of insertion sort and merge sort  with open('testing results2.txt', 'w') as f:  for item in resultsList:  f.write("%s\n" % item)  for i in range(0, len(resultsList)):  print(resultsList[i]) |

1. Opracowanie własne [↑](#footnote-ref-1)
2. https://www.tutorialspoint.com/data\_structures\_algorithms/selection\_sort\_algorithm.htm [↑](#footnote-ref-2)
3. https://www.w3resource.com/php-exercises/searching-and-sorting-algorithm/searching-and-sorting-algorithm-exercise-4.php [↑](#footnote-ref-3)
4. http://www.algorytm.edu.pl/algorytmy-maturalne/sortowanie-przez-wstawianie.html [↑](#footnote-ref-4)
5. https://www.geeksforgeeks.org/insertion-sort/ [↑](#footnote-ref-5)
6. https://en.wikipedia.org/wiki/Merge\_sort [↑](#footnote-ref-6)
7. Przy 4 500 000 elementach czas sortowania Insertion Sort zajmował ok 11 sekund – nie weryfikowano dalej. [↑](#footnote-ref-7)
8. Opracowanie własne [↑](#footnote-ref-8)
9. Opracowanie własne [↑](#footnote-ref-9)
10. Średnia arytmetyczna: <https://www.matemaks.pl/srednia-arytmetyczna.html>, odchylenie standardowe: https://www.matemaks.pl/odchylenie-standardowe.html [↑](#footnote-ref-10)
11. Opracowanie własne [↑](#footnote-ref-11)
12. Opracowanie własne [↑](#footnote-ref-12)
13. Opracowanie własne [↑](#footnote-ref-13)
14. Opracowanie własne [↑](#footnote-ref-14)
15. Opracowanie własne [↑](#footnote-ref-15)
16. Opracowanie własne [↑](#footnote-ref-16)
17. Opracowanie własne [↑](#footnote-ref-17)
18. Opracowanie własne [↑](#footnote-ref-18)
19. Opracowanie własne [↑](#footnote-ref-19)
20. Opracowanie własne [↑](#footnote-ref-20)
21. Opracowanie własne [↑](#footnote-ref-21)
22. Opracowanie własne [↑](#footnote-ref-22)
23. Opracowanie własne [↑](#footnote-ref-23)
24. Opracowanie własne [↑](#footnote-ref-24)
25. Opracowanie własne [↑](#footnote-ref-25)
26. Opracowanie własne na podstawie pełnych wyników [↑](#footnote-ref-26)
27. Opracowanie własne na podstawie pełnych wyników [↑](#footnote-ref-27)
28. Opracowanie własne [↑](#footnote-ref-28)
29. Opracowanie własne na podstawie pełnych wyników [↑](#footnote-ref-29)